

$$\text{JD} \quad \frac{\emptyset}{\emptyset \vee \varphi} \quad \frac{\varphi}{\emptyset \vee \varphi}$$

تقرر هذه القاعدة أن الفصل قد يلحق بالبرهان إذا كان أحد عناصره محتوي في البرهان فعلاً. ومثال هذه القاعدة:

$$\frac{a > 0}{a > 0 \vee a = 0} \quad (\text{or: } a \geq 0) \quad \frac{a = 0}{a > 0 \vee a = 0}.$$

٥ - قاعدة حذف الفصل The rule of Omitting a disjunction ويرمز لها النسق بالرمز OD، وتقرر:

$$\text{OD} \quad \frac{\emptyset \vee \varphi}{\frac{\neg \emptyset}{\varphi}}$$

تقرر هذه القاعدة إنه إذا كان الوصل ونفى أحد عناصره محتوي في البرهان، فإنه العنصر الآخر للفصل يلحق بالبرهان ويطبق عليه. نخذ المثال التالي على الاستدلال بواسطة هذه القاعدة:

$$\frac{a > 0 \vee a = 0}{\frac{\neg a > 0}{a = 0.}}$$

٦ - قاعدة ربط التكافؤ The rule of joining an equivalence ويرمز لها النسق بالرمز JE، وتقرر أن:

$$\text{JE} \quad \frac{\emptyset \rightarrow \varphi}{\frac{\varphi \rightarrow \emptyset}{\emptyset \equiv \varphi}}$$

تقرر هذه القاعدة أن التكافؤ $\emptyset \equiv \varphi$ قد يلحق بالبرهان إذا كان البرهان محتوي على التضمن $\emptyset \rightarrow \varphi$ والتضمن العكس $\varphi \rightarrow \emptyset$.

٧ - قاعدة حذف التكافؤ The rule of omitting an equivalence ويرمز لها النسق بالرمز OE، وتقرر هذه القاعدة أن: