

- إذا كانت p قضية، إذن $p, p \diamond$ هي قضايا .
- إذا كانت p, q قضايا إذن $(p \cdot q)$ ، $(p = q)$ هي قضايا أيضاً .

٢ - التقرير اللاحق Adjunction

إذا أمكن تقرير القضيتين p, q منفصلتين إذن فمن الممكن تقرير حاصل ضربهما أي $(p \cdot q)$.

٣ - الاستدلال Inference

إذا أمكن تقرير $p, q \rightarrow$ إذن فمن الممكن أيضاً تقرير q .
والإجراء الذي يمكن عن طريق تطبيقه تصبح هذه العملية معدة للبرهنة على أن النظرية ذاتية، مشابه لذلك الإجراء الذي اتبعه رسل وهوايتهد في البرنكييا، وهنا يمكن التوصل لسلسلة من النظريات .

التضمن الدقيق والتضمن المادي .

كما نعلم فإن رسل يعرف التضمن المادي والتكافؤ المادي كما يلي :

$$\begin{aligned} p \supset q &= (p \cdot \sim q) \\ 1.01 \quad p \equiv q &= (p \supset q) \cdot (q \supset p) \end{aligned}$$

فاذا وضعنا في الاعتبار التعريف الذي يقدمه لويس للتضمن الدقيق، فإنه يمكن وضع التعريف الآتي :

$$12.81 \quad p \rightarrow q \rightarrow \sim (p \sim q)$$

وعلى أساس قاعدة الاستبدال (١) فإننا نحصل على .

$$4.1 \quad p \rightarrow q \rightarrow (p \supset q)$$