

$$(p \sim q)$$

أو

$$\sim (q \supset \sim p)$$

ويقال لقضيتين إنها مستقلتين إذا لم يكن اشتقاق كلاهما من الأخرى كمقدمة.

$$\sim (p \supset q)$$

و

$$\sim (q \supset p)$$

ونحن نعلم أن مسلّمات أي نظرية رياضية أو منطقية يجب أن تكون مستقلة ومتسقة، ولكننا إذا قبلنا تصور قابلية الاستنباط الذي تعبر عنه علاقة التضمن المادي، فإنه سيصبح من الواضح أنه لن توجد قضيتان متسقتان ومستقلتان مثال ذلك.

$$15.3 \quad \sim (p \supset q) \rightarrow p \supset \sim q$$

هذه النظرية تقول « إذا لم يكن من الممكن اشتقاق 'q' من 'p' إذن «q، p غير مستقلتين ».

كذلك فإن

$$15.32 \quad \sim (p \supset \sim q) \rightarrow p \supset q$$

تعني « إذا كانت p، q غير متسقتين إذن يمكن اشتقاق q من p، « و يترتب على هذا المعنى نتيجة هامة هي أن p، q ليستا مستقلتين. وبلغت التضمن الدقيق التي يستخدمها لويس فإن هذه المواضع المخالفة تختفي إذا