

ويمكن البرهنة على النظريات باستخدام الأفكار الابتدائية والقضايا
الصادقة (البديهيات) عن طريق تطبيق قواعد الاستنباط. وهنا فإنه يتعين
علينا أن نناقش هلبرت في نسقه.

أولاً: أن نظرية هلبرت تبدأ من الأفكار الابتدائية وهي ذاتها الأفكار
التي تبدأ منها نظرية رسل، فيما عدا الرموز التي استحدثتها للمتغيرات، فقد
وضع هلبرت الرموز $X, Y, \dots$ بدلا من $p, q, \dots$ ، وكذلك رمز للوصل
والتضمن والتكافؤ برموز جديدة، ورمز لنفي القضية بعلامة (—) فوق
المتغير ذاته.

ثانياً: أن البديهيات التي حددها هلبرت تستخدم التضمن والفصل على
حين أن بديهيات رسل تستخدم فكرة السلب بالإضافة إلى التضمن والفصل.

ثالثاً: أن القواعد الأساسية للاستنباط كما هي. لقد عدل هلبرت في
شكل الرمزية، لكن لم يتمكن من إجراء تعديل على فكرة التضمن التي أودعها
رسل وهوايتهد البرنكيييا، وبذا فإن فكرة التضمن تظل كما هي الفكرة
المحورية حتى في نسق هلبرت. لقد انصب التعديل إذن على الرمزية ولم
يتجاوزها إلى النسق.