

أن الثابت الرئيسي يصدق في حالة واحدة فقط فإن هناك نوعاً آخرًا من الصيغ يتضح أنها تصبح كاذبة بترجمة واحدة فقط لمتغيراتها أما بقية التآليف الممكنة للتغيرات فتتحقق صدق الثابت الرئيسي. فالصيغة (pq) - تكذب فقط إذا كان كل من 'p', 'q' صادقًا، أي T. كذلك إذا فحصنا الصيغة.

$$p \supset p \cdot q \supset r \text{ implies } p \supset r$$

لوجدنا أن $p \supset r$ تكذب فقط إذا كانت 'p' هي 'T', 'r' هي 'I' ثم نقوم بوضع T مكان 'p', 'I' مكان 'r' في الصيغة، $p \supset q \cdot q \supset r$ ، فينتج لدينا:

$$T \supset q \cdot q \supset I$$

$$'q \bar{q}'$$

وهي صيغة غير متسقة مما يدل على أن التضمن المطلوب اثباته صحيح. إن التضمن كما يشير إليه كواين يعتبر كذلك من ناحية قيم الصدق، أي بناء على الاعتبار المنطقية وحدها، ولذا فهو يميز بين التضمن implication وعلاقة الشرط 'if... then' فالتضمن هو الصحة المنطقية لعلاقة الشرط بين صيغتين!

* * *
* *

تلك هي آخر التطورات المنطقية التي لا زال البحث يدور حولها حتى يومنا هذا، وقد كشف مؤتمر سالزبورج الأخير الذي عقد في يوليو ١٩٨٣ عن استمرار المناطق وعلماء الرياضيات في بحث بعض الموضوعات الجزئية لتطوير البحث المنطقي الرياضي بصورة تتسق مع التفكير المنطقي الرياضي ذاته.